## ПРОХОЖДЕНИЕ СИГНАЛОВ РЕЛЕЙНОЙ ЗАЩИТЫ ЧЕРЕЗ ЭЛЕКТРОМАГНИТНЫЕ ТРАНСФОРМАТОРЫ ТОКА

Техника регистрации и обработки сигналов релейной защиты В энергосистемах вступает В новую стадию развития использования превосходных возможностей микропроцессорной элементной базы. Ho ключевыми элементами трактов преобразования сигналов по прежнему остаются электромагнитные трансформаторы тока (TT).

В этих условиях, применительно к контролю параметров энергосистем, релейной защите и осциллографированию процессов, наиболее важное значение имеет требование неискажающей передачи сигналов от источника (первичной цепи) до приемника (устройства обработки сигналов). Реализация желаемых процедур идеальной передачи первичных сигналов во вторичные цепи с помощью TT для целей регистрации и автоматизации процессов управления энергосистемами является важной и актуальной научно-технической проблемой, а научно обоснованные предложения, выводы и рекомендации, способствующие ее решению, могут быть полезными для специалистов в области релейной защиты.

Путем математического и физического моделирования одиночных электромагнитных TT установлено, что их преобразовательные свойства в линейных режимах работы при использовании в системах релейной защиты достаточно точно отображаются передаточной функцией [1,2]:

$$H_{TT}(p) = \frac{I_2(p)}{I_1(p)} = \frac{bp}{a_2p^2 + a_1p + a_0},$$

где  $I_2(p)$  и  $I'_1(p)$  - изображения по Лапласу вторичного и приведенного ко вторичной цепи первичного токов;  $a_0 - a_2$ , b - постоянные коэффициенты, определяемые параметрами обмоток и сердечника TT.

В соответствии с Г- образной схемой замещения ТТ (рис. 1):  $a_0 = R_{\Pi}R_2$ ;  $a_1 = R_{\Pi}(L+L_2) + LR_2$ ;  $a_2 = LL_2$ ;  $b = R_{\Pi}L$ ;  $R_2 = r_2 + R_H$ ;  $L_2 = L_{d2} + L_H$ ; L и  $R_{\Pi}$  - приведенные ко вторичной обмотке индуктивность намагничивания и активное сопротивление потерь TT;  $L_{d2}$  и  $r_2$  - индуктивность рассеяния и активное сопротивление вторичной обмотки TT;  $L_H$  и  $R_H$  - индуктивность и активное сопротивление нагрузки TT.



Рис. 1

Пусть на вход TT на временном интервале от 0 до  $\tau$  воздействует сигнал x(t) синусоидальной формы:

$$x(t) = \begin{cases} \sin \omega_0 t & npu \ 0 \le t \le \tau; \\ 0 & npu \ t < 0, t > \tau. \end{cases}$$

Задача прохождения отрезка синусоидального сигнала через TT во временной области приводит к дифференциальному уравнению Абеля, аналитическое решение которого громоздко и его трудно использовать для дальнейшего анализа [3].

Поэтому, с целью упрощения процедуры анализа и получения наглядных зависимостей, входной сигнал можно представить в виде разности двух сигналов (рис. 2):

$$x(t) = x_1(t) - x_2(t)$$
.



Рис. 2

Здесь:

$$x_{1}(t) = \begin{cases} \sin \omega_{0}t & npu \quad t \ge 0; \\ 0 & npu \quad t < 0. \end{cases}$$

$$x_{2}(t) = \begin{cases} (-1)^{n} \sin \omega_{0}(t-\tau) & npu \quad t-\tau \ge 0; \\ 0 & npu \quad t-\tau < 0; \end{cases}$$

где  $\tau = \pi \cdot n / \omega_0$ ; *n* - целое число полупериодов сигнала;  $\omega_0$  - угловая частота входного сигнала.

Реакция ТТ на входной сигнал *x*(*t*) представляет собой разность двух сигналов:

$$y(t) = y_1(t) - y_2(t)$$
,

где  $y_1(t)$  - реакция TT на сигнал  $x_1(t)$ ;  $y_2(t)$  - реакция TT на сигнал  $x_2(t)$ .

При воздействии на вход ТТ сигнала  $x_1(t)$  изображение по Лапласу выходного сигнала определяется так:

$$y_1(p) = x_1(p) \cdot H_{\mathrm{TT}}(p).$$

Здесь  $x_1(p) = \frac{\omega_0}{p^2 + \omega_0^2}$  - изображение по Лапласу входного сигнала  $x_1(t)$ .

Тогда

$$y_1(p) = \frac{\omega_0}{\omega_0^2 \left(\frac{1}{\omega_0^2} p^2 + 1\right)} \frac{bp}{a_0 \left(\frac{a_2}{a_0} p^2 + \frac{a_1}{a_0} p + 1\right)}$$

Или

$$y_1(p) = \frac{T_0}{T_0^2 p^2 + 1} \frac{b_1 p}{d_2 p^2 + d_1 p + 1},$$

где

$$T_0 = \frac{1}{\omega_0}; \ b_1 = \frac{b}{a_0} = \frac{L}{R_2}; \ d_2 = \frac{a_2}{a_0} = \frac{LL_2}{R_\Pi R_2};$$
$$d_1 = \frac{a_1}{a_0} = \frac{R_\Pi (L + L_2) + LR_2}{R_\Pi R_2} = \frac{L + L_2}{R_2} + \frac{L}{R_\Pi}.$$

Знаменатель дроби  $y_1(p)$  целесообразно представить в виде произведения простых сомножителей.

Учитывая реальное соотношение коэффициентов:

$$d_1 > 2\sqrt{d_2}$$
, можно записать:  
 $d_2 p^2 + d_1 p + 1 = (T_1 p + 1)(T_2 p + 1),$   
где  $T_{1,2} = \frac{d_1}{2} \left( 1 \pm \sqrt{1 - \frac{4d_2}{d_1^2}} \right).$ 

Тогда изображение выходного сигнала можно представить так:

$$y_1(p) = \frac{T_0 b_1 p}{(T_0^2 p^2 + 1)(T_1 p + 1)(T_2 p + 1)}$$

Оригинал реакции TT на входной сигнал  $x_1$  имеет следующий вид [4]:  $y_1(t) = T_0 b_1 [-C \sin(\omega_0 t + \Theta) + C_1 e^{-\alpha_1 t} + C_2 e^{-\alpha_2 t}]$ .

Здесь:

$$C = \frac{1}{\sqrt{(T_0^2 + T_1^2)(T_0^2 + T_2^2)}}; C_1 = \frac{T_1}{(T_2 - T_1)(T_0^2 + T_1^2)};$$
$$C_2 = \frac{T_2}{(T_1 - T_2)(T_0^2 + T_2^2)}; \alpha_1 = \frac{1}{T_1}; \alpha_2 = \frac{1}{T_2};$$
$$\Theta = -\operatorname{arctg} \frac{T_1}{T_0} - \operatorname{arctg} \frac{T_2}{T_0} - 90^o.$$

При воздействии на вход TT сигнала  $x_2(t)$  будем иметь:

$$y_2(p) = x_2(p) \cdot H_{\mathrm{TT}}(p).$$

Сделав подстановку  $\delta = t - \tau$  входной сигнал можно представить так:

$$x_{2}(\delta) = (-1)^{n} \sin \omega_{0} \delta;$$
  
$$x_{2}(p) = \frac{\omega_{0}}{p^{2} + \omega_{0}^{2}} (-1)^{n}.$$

Аналогично решению для  $y_1(t)$  определяется реакция:

$$y_2(\delta) = (-1)^n \left[-C\sin(\omega_0\delta + \Theta) + C_1 e^{-\alpha_1\delta} + C_2 e^{-\alpha_2\delta}\right] T_0 B_1,$$
  
$$\Theta = -\operatorname{arctg} \frac{T_1}{T_0} - \operatorname{arctg} \frac{T_2}{T_0} - 90^o.$$

Поскольку во многих вновь разрабатываемых устройствах защиты, так же как и при осциллографировании, важно иметь на выходе ТТ точные мгновенные значения сигналов, то качество преобразования сигналов ТТ следует характеризовать абсолютной погрешностью преобразования мгновенных значений сигнала, т.е. разностью [5]:

$$\mathcal{E}(t) = K_{\rm TT} x(t) - y(t),$$

где  $K_{\text{TT}}$  - идеальный коэффициент передачи TT; x(t) и y(t) - входной и выходной, соответственно, сигналы TT.

Для удобства анализа можно принять  $K_{TT} = 1$ . Тогда

$$\mathcal{E}(t) = x(t) - y(t).$$

На временном интервале от 0 до au будем иметь:

$$\varepsilon(t) = \sin \omega_0 t + T_0 b_1 C \sin(\omega_0 t + \Theta) - T_0 b_1 C_1 e^{-\alpha_1 t} - T_0 b_1 C_2 e^{-\alpha_2 t};$$
  

$$\varepsilon(t) = \varepsilon_1(t) + \varepsilon_2(t);$$
  

$$\varepsilon_1(t) = \sin \omega_0 t + K_1 \sin(\omega_0 t + \Theta);$$
  

$$\varepsilon_2(t) = T_0 b_1 C_1 e^{-\alpha_1 t} - T_0 b_1 C_2 e^{-\alpha_2 t};$$

где  $K_1 = T_0 b_1 C$ .

Связь погрешностей TT с его параметрами можно установить используя граничные параметры частотных характеристик TT [1,2]:

$$f_{\rm H} = \frac{A_{\rm H}}{\sqrt{1 - A_{\rm H}^2}} \frac{R_2}{2\pi L} = \frac{A_{\rm H}}{\sqrt{1 - A_{\rm H}^2}} \frac{1}{2\pi \tau_{\rm TT}}$$
или  $f_{\rm H} = \frac{1}{2\pi \tau_{\rm TT} t g \varphi_{\rm H}}$ 

Здесь:  $f_{\rm H}$  – нижняя граничная частота TT;  $A_{\rm H}$  и  $\varphi_{\rm H}$  - допустимый относительный уровень амплитудной характеристики и допустимый фазовый сдвиг на нижней границе полосы пропускания TT;  $\tau_{\rm TT}$  - постоянная времени TT.

Учитывая реальные соотношения параметров ТТ можно принять:

$$\tau_{\rm TT} = \frac{L}{R_2} = T_1.$$

Как видно, увеличение  $au_{\rm TT}$ , т.е.  $T_1$  соответствует снижению нижней граничной частоты TT.

Учитывая принятое допущение: 
$$T_1 = \frac{L}{R_2}$$
 и то, что  $T_2 << T_0$ , получим:

$$\begin{split} K_1 &= \frac{T_0 T_1}{\sqrt{(T_0^2 + T_1^2)(T_0^2 + T_2^2)}} \cong \frac{T_1}{\sqrt{T_0^2 + T_1^2}};\\ &\lim_{T_1 \to \infty} K_1 = \lim_{T_1 \to \infty} \frac{T_1}{\sqrt{T_0^2 + T_1^2}} = 1.\\ &\Theta = - arctg \, \frac{T_1}{T_0} - arctg \, \frac{T_2}{T_0} - 90^o \,. \end{split}$$
 Можно принять  $\frac{T_2}{T_0} = 0$ , тогда $\lim_{T_1 \to \infty} \Theta = \lim_{T_1 \to \infty} \left( -arctg \, \frac{T_1}{T_0} \right) - \frac{\pi}{2} = -\pi \,. \end{split}$ 

Таким образом, увеличение  $T_1$  вызывает снижение  $\varepsilon_1$ :

$$\lim_{T_1\to\infty}\varepsilon_1=0\,.$$

Следовательно можно констатировать, что расширение полосы рабочих частот ТТ в область нижних частот вызывает снижение периодической составляющей погрешности ТТ.

С учетом допущений, принятых ранее, для апериодической составляющей погрешности имеем (рис. 3):

$$\begin{split} \varepsilon_2 &= -\frac{T_0 T_1^2}{(T_2 - T_1)(T_0^2 + T_1^2)} e^{-\alpha_1 t} - \frac{T_0 T_1 T_2}{(T_1 - T_2)(T_0^2 + T_2^2)} e^{-\alpha_2 t} = \\ &\frac{T_0 T_1}{T_0^2 + T_1^2} e^{-\alpha_1 t} - \frac{T_2}{T_0} e^{-\alpha_2 t} \,. \end{split}$$

При реальных параметрах TT  $\alpha_2 >> \alpha_1$ . Поэтому вторая экспонента (кривая 2) затухает значительно быстрее и погрешность  $\varepsilon_2$  через несколько десятков микросекунд после начала процесса определяется, в основном, экспонентой:  $K_2 e^{-\alpha_1 t}$  (кривая 1), где

$$K_{2} = \frac{T_{1}T_{0}}{T_{1}^{2} + T_{0}^{2}};$$
$$\lim_{T_{1} \to \infty} K_{2} = \lim_{T_{1} \to \infty} \frac{T_{0}}{2T_{1}} = \lim_{T_{1} \to \infty} \frac{0}{2} = 0$$

Как видно, увеличение Т<sub>1</sub> (что эквивалентно снижению нижней граничной частоты TT) вызывает уменьшение значения первой начального экспоненциальной составляющей погрешности. Характер второй экспоненциальной составляющая погрешности определяется, в основном, величиной  $T_2$  и, практически, не зависит от  $T_1$ .



Рис. 3

После исчезновения входного сигнала при  $t \ge \tau$  сигнал на выходе TT не исчезает мгновенно. Это вызывает возникновение погрешности преобразования при  $t > \tau$ :

$$\mathcal{E}_{\tau} = T_0 b_1 C \sin(\omega_0 t + \Theta) - T_0 b_1 C_1 e^{-\alpha_1 t} - T_0 b_1 C_2 e^{-\alpha_2 t} + (-1)^n \Big[ -T_0 b_1 C \sin(\omega_0 \delta + \Theta) + T_0 b_1 C_1 e^{-\alpha_1 \delta} + T_0 b_1 C_2 e^{-\alpha_2 \delta} \Big].$$

При  $\delta = 0$  погрешность  $\varepsilon_{\tau}$  равна  $\varepsilon_1$  для момента времени  $\tau$ , т.е. при  $t = \tau$ периодическая составляющая  $T_0 b_1 C \sin(\omega_0 t + \Theta) - T_0 b_1 C \sin(\omega_0 \delta + \Theta) = 0$ . Таким образом, погрешность  $\varepsilon_{\tau}$  определяется суммой четырех экспонент (кривые 1-4):

$$\varepsilon_{\tau} = -T_0 b_1 C_1 e^{-\alpha_1 t} - T_0 b_1 C_2 e^{-\alpha_2 t} + T_0 b_1 C_1 e^{-\alpha_1 \delta} + T_0 b_1 C_2 e^{-\alpha_2 \delta}$$

Для момента  $t = \tau$  можно принять  $-T_0 b_1 C_2 e^{-\alpha_2 t} = 0$ , т.к. коэффициент  $\alpha_2$  велик по сравнению с продолжительностью наблюдаемого процесса. Тогда:

$$\mathcal{E}_{\tau} = -T_0 b_1 C_1 e^{-\alpha_1 t} - T_0 b_1 C_1 e^{-\alpha_1 \delta} + T_0 b_1 C_2 e^{-\alpha_2 \delta}$$

Зависимость  $\varepsilon_{\tau}$  от  $T_1$  аналогична зависимости  $\varepsilon_2$  от  $T_1$ , т.е. чем больше  $T_1$ , тем меньше начальное значение экспоненты  $T_0b_1C_1$ .

На рис.4 показана зависимость погрешности преобразования TT отрезка синусоидального сигнала с частотой  $\omega_0 = 314 \text{ c}^{-1}$  и длительностью 3 полупериода от постоянной  $T_1$  (нижней граничной частоты  $f_{\rm H}$ ) и текущего времени *t* в виде поверхности в трехмерном пространстве.



Рис. 4

Для проверки адекватности математической модели изучаемому процессу проведены исследования на физических моделях трансформаторов тока.

На рис. 5 и рис. 6 показаны картины переходных процессов, полученные при физическом моделировании прохождения отрезков сигналов синусоидальной формы через трансформаторы тока с различными постоянными времени  $T_1$  (нижними граничными частотами). Здесь x(t) и y(t) - первичный и вторичный, соответственно, токи TT.



Выходной сигнал TT y(t), для которого  $T_1 = 0,004$  с (нижняя граничная частота равна 37 Гц), как видно (см. рис.5) значительно отличается от входного сигнала x(t) по относительному значению амплитуды и фазы. Кроме того, видно, что сигнал на выходе TT при  $t > \tau$ , как отмечалось и выше, отличается от нуля.

Трансформатор тока, для которого  $T_1 = 0,4$  с, преобразует входной сигнал с более высокой точностью (рис. 6). Его погрешность не превышает 5%.

Сравнительный анализ результатов математического и физического моделирования позволил установить, что использованная математическая модель в достаточной степени адекватна исследуемому процессу, а принятые при теоретическом анализе допущения правомерны.

Выводы:

1. Получены зависимости мгновенных значений погрешностей TT ( $\varepsilon$ ) при преобразовании отрезка сигнала синусоидальной формы, анализ которых указывает на необходимость повышения точности работы TT, используемых в современных системах релейной защиты и при осциллографировании аварийных процессов.

2. Исследовано влияние параметров TT на точность их работы. Установлено, что погрешности связаны с параметрами TT экспоненциальными функциями, убывающими при снижении нижней граничной частоты TT. Показано, что TT с большими коэффициентами трансформации (2000/5 и более) и с нижней граничной частотой полосы пропускания до 0,1 Гц, как правило, имеют достаточно хорошие метрологические показатели и могут быть использованы во вновь разрабатываемых системах защиты. Характеристики TT с небольшими коэффициентами трансформации (менее 1000/5) и нижней граничной частотой более 0,1 Гц не удовлетворяют требованиям новых систем защиты по неискажающей передаче сигналов, и требуется их улучшение.

3. Показано, что сужение полосы пропускания ТТ (особенно в области нижних частот) приводит к искажениям выходного сигнала ТТ в переходных режимах при передаче характерных для релейной защиты сигналов. Это служит обоснованием необходимости расширения частотных характеристик ТТ в область нижних частот, что может быть достигнуто за счет увеличения постоянной времени трансформаторов, например, путем снижения номинального вторичного тока.

## Список литературы

1. Булычев А.В., Ванин В.К. Исследование частотных характеристик трансформаторов тока // Энергетика (Изв. высш. учеб. заведений) 1987. №8. С.16-21.

2. Ванин В.К., Павлов Г.М. Релейная защита на элементах вычислительной техники.- Л.: Энергоатомиздат, 1991.-336 с.

3. Камке Э. Справочник по обыкновенным дифференциальным уравнениям. - М.: Наука. 1976. - 576 с.

4. Макаров И.М., Менский Б.Б. Линейные автоматические системы. - М.: Машиностроение. 1982. - 504 с.

5. Стогний Б.С. Теория высоковольтных измерительных преобразователей переменного тока и напряжения. - Киев: Наукова думка. 1984. - 272 с.